

# O teoriji Michelsonova eksperimenta.

Napisao

Dr. M. Milanković.

*Preštampano iz 190. knjige „Rada“ Jugoslavenske akademije znanosti  
i umjetnosti.*

U Zagrebu

Tisak Dioničke tiskare

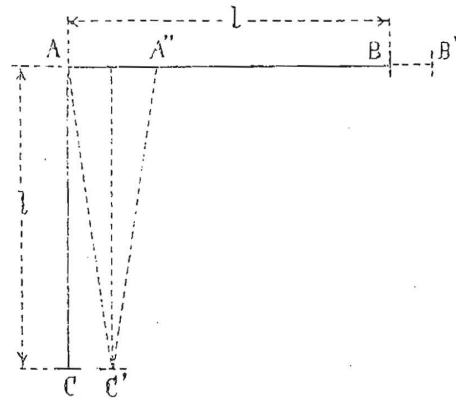
1912.





Usp. 53587

Eksperiment, što ga je Michelson 1881. godine izveo<sup>1</sup>, a 1887. godine sa Morleyom ponovio<sup>2</sup>, dao je neočekivan rezultat i doveo teoriju svjetlosti, sa kojom je u opreku došao, u krizu, koja se još i dan danas osjeća. Da olakšamo razumijevanje onoga, što hoćemo o teoriji toga eksperimenta da kažemo, potrebno je, da ukratko rekopituliramo princip, na koji se taj eksperiment oslonio.



Neka je  $A$  jedan izvor svjetlosti, a  $B$  i  $C$  dva ogledala postavljena u jednakim invarijabilnim odstojanjima  $l$  od  $A$  tako, da vraćaju svjetlosne zrake, što na njih padaju, opet u  $A$ , a da ove

<sup>1</sup> A. A. Michelson, Americ. Journ. of Science (3) 22. 120. 1881.

<sup>2</sup> A. A. Michelson i E. W. Morley, Americ. Journ. of Science (3) 34. 333. 1887; Phil. Mag. (5) 24. 449. 1887.

zatvoraju kut od  $90^\circ$ . Ako su svjetlosni izvor  $A$  i sa njime vezana ogledala  $B$  i  $C$  na miru, onda će svjetlost trebati toliko isto vremena, da prevali put  $AB$  i natrag, koliko vremena treba, da prevali put  $AC$  i natrag.

Pitajmo sada, šta će biti, ako se čitava konstelacija kreće u pravcu  $AB$  brzinom  $v$ , koja nije zanemariva prema brzini svjetlosti  $c$ ?

Svjetlost, krećući se iz  $A$  prema  $B$ , imaće prevaliti sada duži put nego prije, jer se ogledalo  $B$  za vrijeme dok ga svjetlost stigne, pomjerilo u  $B'$ . Označimo li prema tome vrijeme, što ga svjetlost treba, da iz svjetlosnoga izvora prisprije do ogledala  $B$ , sa  $t_1$ , to je

$$\overline{BB'} = v \cdot t_1,$$

pa se zato vrijeme  $t_1$  izračunava iz jednačine:

$$l + v \cdot t_1 = c \cdot t_1,$$

t. j.

$$t_1 = \frac{l}{c-v}.$$

Reflektovana svjetlost, koja se kreće od ogledala  $B$  prema svjetlosnom izvoru, imaće prevaliti sada manji put, nego kada konstelacija miruje, jer joj izvor ide u susret pa prevali za vrijeme  $t_2$ , što ga reflektovana svjetlost treba, da do njega dođe, put  $v \cdot t_2$ ; zato se vrijeme  $t_2$  izračunava iz jednačine:

$$l - v \cdot t_2 = c \cdot t_2,$$

t. j.

$$t_2 = \frac{l}{c+v}.$$

Vrijeme  $t$ , što ga svjetlost treba, da prevali put  $AB$  tamo i natrag, jednako je dakle:

$$t = t_1 + t_2 = \frac{l}{c-v} + \frac{l}{c+v} = \frac{2l}{c} \frac{1}{1 - \left(\frac{v}{c}\right)^2}.$$

Zanemariivši više potencije od druge malenoga izraza  $\frac{v}{c}$ , možemo pisati:

$$t = \frac{2l}{c} \left[ 1 + \left(\frac{v}{c}\right)^2 \right].$$

Pitajmo sada za vrijeme  $\tau$ , što ga svjetlost treba, da polazeći iz  $A$ , a reflektujući se na ogledalu  $C$  (koje će se, dok ga svjetlost stigne, nalaziti u pomjerenom položaju  $C'$ ), prisprije u položaj  $A''$ , u kojemu se nalazi svjetlosni izvor poslije vremena  $t$ .

Kako je:

$$\overline{AA''} = v \cdot t,$$

to je put svjetlosti jednak  $\overline{AC'} + \overline{C'A''} = 2s$ , gdje je:

$$s = \sqrt{l^2 + \left(\frac{vt}{2}\right)^2}$$

ili, ako razvijemo u red i uzmemo samo prve članove:

$$s = l + \frac{1}{2} \frac{1}{l} \left(\frac{vt}{2}\right)^2.$$

Vrijeme  $\tau$  je prema tome jednako:

$$\tau = \frac{2s}{c} = \frac{2l}{c} \left( 1 + \frac{1}{8} \frac{v^2}{l^2} t^2 \right).$$

Iz gornjih jednačina sljeduje, da je, zanemariiv malene članove višega reda,

$$t^2 = \frac{4l^2}{c^2},$$

pa je zato:

$$\tau = \frac{2l}{c} \left[ 1 + \frac{1}{2} \left(\frac{v}{c}\right)^2 \right].$$

Vremena  $t$  i  $\tau$  nijesu jednaka, nego između njih postoji konačna razlika:

$$t - \tau = \frac{l}{c} \left(\frac{v}{c}\right)^2.$$

Posljedica te diferencije imala bi se ukazati pri eksperimentu, no ona se nije ukazala. Zato je gornja teorija u opreci sa iskustvom, pa se ima napustiti.

Pokušaji, koji su činjeni, da se teorija dovede u sklad s iskustvom, i iz kojih se razvila teorija relativiteta, poznati su, i mi ne mislimo o njima govoriti; nego ćemo prije svega pitati, kako bi se modifikovala pređašnja umovanja, kad bismo stali na stanovište emisione teorije svjetlosti?

A neka dakle bude svjetlosni izvor, koji razašilje svjetlosne dijeliće s relativnom brzinom  $c$  prema svome položaju. Kreće li se taj izvor brzinom  $v$  u pravcu  $AB$ , to će apsolutna brzina tih dijelića u tome pravcu biti  $(c + v)$ , a brzina dijelića normalno na taj pravac ostaje nepromijenjena. Vrijeme, što ga ti dijelići trebaju, da stignu iz  $A$  do ogledala  $B$ , izračunava se iz jednačine:

$$l + v \cdot t_1 = (c + v) t_1,$$

jer je ogledalo pomjerilo svoj položaj za dužinu  $\overline{BB'} = v \cdot t_1$ .

Iz gornje jednačine sljedeće:

$$t_1 = \frac{l}{c}.$$

Došavši do ogledala, svjetlosne se čestice sukobljavaju s njime s relativnom brzinom  $c$ ; pa kako se — prema poznatom pravilu mehanike o sukobu elastičnih tijela — sudarom apsolutna vrijednost relativne brzine sukobljenih tijela ne mijenja, to će se svjetlosne čestice vraćati u pravcu  $BA$  apsolutnom brzinom  $(c - v)$ , jer se ogledalo kreće u protivnom pravcu brzinom  $v$ . Zato se vrijeme  $t_2$ , što ga svjetlost treba, da se s ogledala povraća do izvora  $A$ , izračunava iz jednačine:

$$l - vt_2 = (c - v) t_2,$$

jer se za to vrijeme izvor  $A$  pomjerio za dužinu  $vt_2$ .

Iz gornje jednačine sljedeće:

$$t_2 = \frac{l}{c},$$

pa je zato vrijeme  $t$ , što ga svjetlost treba, da prevali put  $AB$  tamo i natrag, jednako:

$$t = t_1 + t_2 = \frac{2l}{c}.$$

Vrijeme  $\tau$ , što ga svjetlost treba, da prevali put  $AC$  tamo i natrag, izračunava se na ovaj način: Čestice svjetlosti, koje se kreću po mobilnoj pravoj  $AC$ , koja spaja izvor svjetlosti s ogledalom, ne ostavljaju je, jer izvor, ogledalo i čestice imaju istu translatorsnu brzinu u pravcu  $AB$ ; čitav taj sistem translatera s jednakom brzinom, i zato možemo pravu  $AC$  smatrati nepomičnom. Čestice se kreću po toj pravoj brzinom  $c$  prema ogledalu, a poslije refleksije istom tom brzinom natrag, pa je zbog toga:

$$\tau = \frac{2l}{c};$$

zato je:

$$t = \tau.$$

Diferencija vremena  $t_1$  i  $\tau$  išezava.

Dopusti li se prema tome pretpostavka, da kretanje izvora svjetlosti i kretanje ogledala utječe na brzinu, kojom se svjetlost širi, u onoj mjeri, u kojoj to mjeri iz pretpostavaka emisione teorije sljedeće, to se Michelsonov eksperiment može rastumačiti bez ikakve druge hipoteze.

Prethodne argumentacije ne mislimo upotrijebiti u korist emisione teorije svjetlosti, nego hoćemo samo da pokažemo, da se — stojeći na stanovištu undulacione teorije, no usvajajući pretpostavku o zavisnosti brzine širenja svjetlosti o brzini izvora — može Michelsonov eksperiment rastumačiti.

Mogućnost, da kretanje izvora svjetlosti utječe na brzinu, kojom se ona širi, može se dopustiti, jer protivno nije dokazano. Nyren<sup>1</sup> je pokušao, da astronomskim posmatranjima polarne zvijezde i njena pratioca ispita, da li brzina svjetlosti zavisi o brzini njena izvora, pa je došao do suda, da dosadanja posmatranja nijesu dovoljna, da riješe to pitanje.

<sup>1</sup> Vj. Astr. Ges. 23. 68. 1888. (citirano po „Handbuch der Physik“, Zweite Auflage. Bd. VI. str. 483.).

10 M. MILANKOVIĆ. (6)

**Napomena.** Kad je ova radnja predana za štampu, saznao sam od dra. Varićaka, da su napuštanjem drugoga postulata teorije relativnosti negativan rezultat Michelsonova pokusa htjeli protumačiti već Comstock, Tolman i Stewart.<sup>1</sup> Da se taj postulat ne može održati kod ubrzanih kretanja, pokazao je nedavno Einstein u svojoj radnji o utjecaju sile teže na rasprostiranje svjetlosti.<sup>2</sup> Stewart se oslanja na elektromagnetsku emisionu teoriju svjetlosti.

*Beograd, u septembru 1911.*

---

### Inhaltsangabe.

In der vorstehenden, den Titel „Zur Theorie des Michelson'schen Versuchs“ tragenden Abhandlung wird gezeigt, dass das negative Ergebnis des Michelson'schen Versuches auch durch die Annahme erklärt werden könne, dass die Fortpflanzungsgeschwindigkeit des Lichtes von der Geschwindigkeit der Lichtquelle abhängig sei. Das Gesetz dieser Abhängigkeit soll dasselbe sein, wie es sich auch aus der Emissionstheorie des Lichtes ergeben würde.

---

<sup>1</sup> Physical review, sv. 30, 31, 32.

<sup>2</sup> Annalen der Physik, 1911. sv. 35., str. 906.